

COLLÈGE

Examen -1

**Cours d'analyse mathématique
NYA-201(3-2-3)**

Lundi le 4 novembre 2013

Local : Mat-101

De 18h00 à 20h00

Numéro de matricule de l'étudiant(e) : _____

Enseignant : Dorin Balanescu

/100

Consignes générales de l'examen

- **L'examen dure 2 heures.**
- **L'examen contient 20 questions et 11 pages.**
- **N'oubliez pas d'inscrire votre numéro de matricule.**
- **La pondération de l'examen est de 20%.**
- **Vous n'avez droit à consulter aucun matériel didactique, ni calculatrice.**
- **L'utilisation du stylo est obligatoire.**
- **Toute forme de plagiat donne automatiquement la note 0 pour cet examen.**
- **La correction de cet examen sera terminée pour le cours du 18 novembre 2013, vous pourrez alors consulter vos copies d'examen.**
- **Répondre sur le questionnaire**

Bonne chance à tous!

Question #1 : (1 point)

Choisir la fraction qui correspond à la simplification de $\frac{3x-6}{x^2-3x+2}$, $x \in \mathbb{R} \setminus \{1; 2\}$.

a) $\frac{3}{x+2}$, $x \in \mathbb{R} \setminus \{-2\}$

b) $\frac{1}{x-2}$, $x \in \mathbb{R} \setminus \{2\}$

c) $\frac{3}{x-1}$, $x \in \mathbb{R} \setminus \{1\}$

d) $\frac{1}{x-1}$, $x \in \mathbb{R} \setminus \{1\}$.

Question #2 : (1 point)

Choisir la factorisation de $x^4 - 2x^3 + 2x^2 - 2x + 1$, $x \in \mathbb{R}$.

a) $(x^2 + 1)(x - 1)(2x - 1)$, $x \in \mathbb{R}$

b) $(x^2 + 1)(x + 1)(x - 1)$, $x \in \mathbb{R}$

c) $(x^2 + 1)(x - 1)^2$, $x \in \mathbb{R}$

d) $(x + 1)^2(x - 1)^2$, $x \in \mathbb{R}$.

Question #3 : (1 point)

Dans la fonction $f(x) = 3x^2 + 4x + 1$, $x \in \mathbb{R}$, la valeur $-\frac{1}{3}$ correspond à un :

A. Maximum

B. Minimum

Question #4 : (1 point)

Déterminer si les trois points A(-3,7), B(1,-1) et C(17, -33) sont situés sur une même droite.

Réponse :

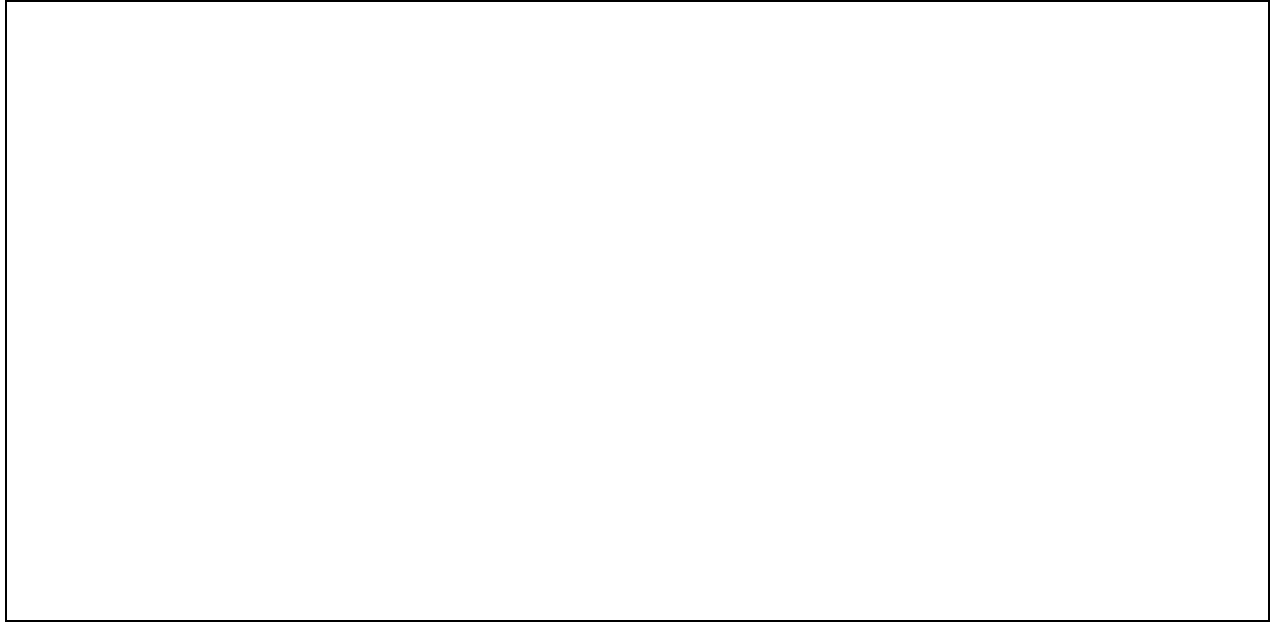
Question #5 : (1point)

Soit les fonctions $f(x) = 4 - 5x$, $g(x) = \sqrt{x + 1}$.

Déterminer : a) $(f \circ g)(x)$ et $\text{dom}(f \circ g)$.

b) $(g \circ f)(x)$ et $\text{dom}(g \circ f)$.

Réponse :



Question #6 : (1point)

Soit les fonctions réelles définies par :

a) $f(x) = 5x - 3, x \in \mathbb{R}$

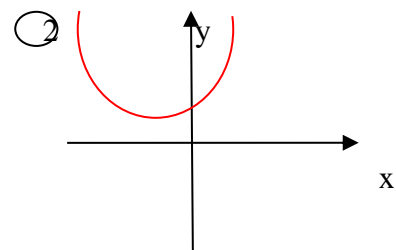
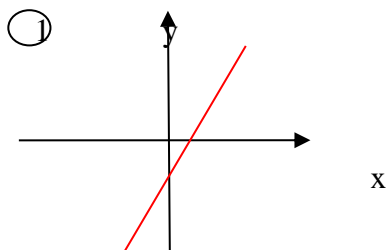
b) $g(x) = 2x - x^2, x \in \mathbb{R}$

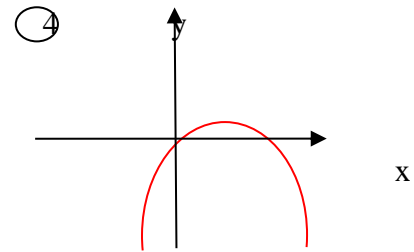
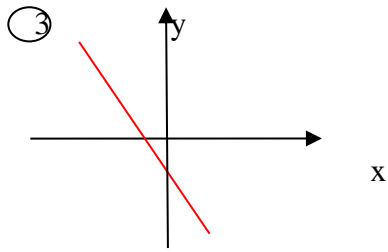
c) $h(x) = (x + 1)^2 + 1, x \in \mathbb{R}$

d) $k(x) = -x - 1, x \in \mathbb{R}$

a	
b	
c	
d	

Mettre en relation chacune des fonctions ci-dessus à sa représentation graphique :

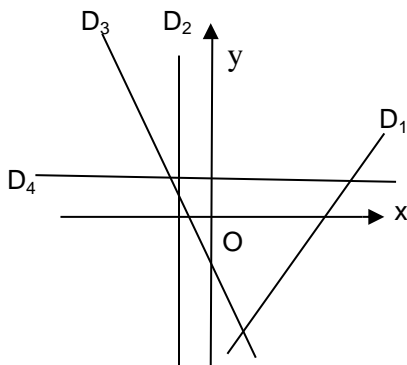




Question #7 : (0.5 point)

Parmi les droites ci-contre, indiquer celle dont la pente est :

- a) positive
 - b) nulle
 - c) négative
 - d) la plus grande
 - e) non définie
- | | |
|---|--|
| a | |
| b | |
| c | |
| d | |
| e | |



Question #8 : (1 point)

Soit la fonction $f(x) = 3 - |4 - 2x|$.

- a) Déterminer le domaine de définition de $f(x)$.

Réponse :

b) Définir la fonction $f(x)$ par parties.

Réponse :

Question #9 : (1 point)

Déterminer le domaine de définition de chacune des fonctions, par une brève démarche :

a) $f(x) = \frac{\sqrt{7x^2+1}}{2x^2+7x-4}$,

b) $g(x) = \sqrt{\frac{1-x}{25-x^2}}$.

Réponse:

Question #10 : (1point)

Soit la fonction $f(x) = 3\left[\frac{x}{2}\right]$ définie pour $-5 \leq x < 4$.

Déterminer l'image de la fonction $f(x)$.

Réponse :

Question #11 : (0.5 point)

Soit les fonctions suivantes :

a) $f(x) = \frac{1}{2}x^4 - \frac{1}{\sqrt{2}}x^3 + \pi$

b) $g(x) = \frac{x^2+1}{x+1}$

c) $h(t) = (-5t^3 + 2t + 1)(6t - 2t^2)$

d) $l(u) = (3u - 8)(2u^4 + 6)^{\frac{1}{4}}$

1) Identifier les fonctions polynomiales.

Réponse :

2) Déterminer leur degré.

Réponse :

Question #12 : (1 point)

Soit la fonction rationnelle $f(x) = \frac{2x+1}{3x-1} - \frac{2x-1}{3x+1}$, $\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \left\{ -\frac{1}{3}, \frac{1}{3} \right\}$

Calculer les zéros de la fonction $f(x)$.

Réponse :

Question #13 : (1 point)

Soit l'équation $\sqrt{5 + x^2} + x^2 + 1 = 0$.

Déterminer le nombre de solutions de l'équation.

Réponse :

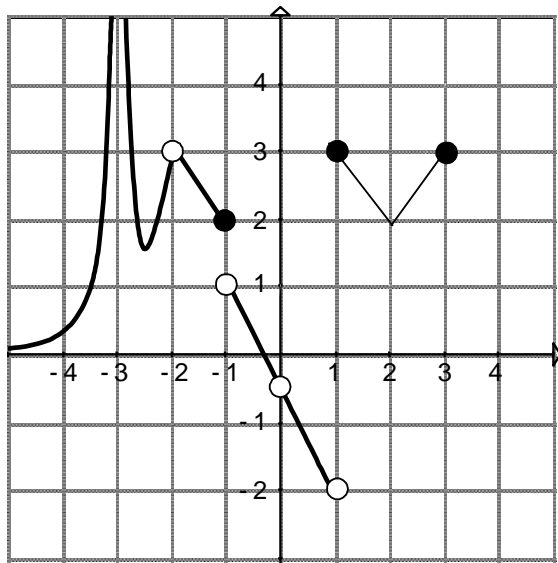
Question #14 : (1 point)

À partir de la représentation graphique de la fonction ci-dessous, analyser l'existence de chacune des limites dans $\overline{\mathbb{R}}$.

a) $\lim_{x \rightarrow -2} f(x)$

b) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

c) $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x)$



Réponse :

Question #15 : (1point)

Soit : $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x - \sqrt{3x - 2}}{x - 2}$

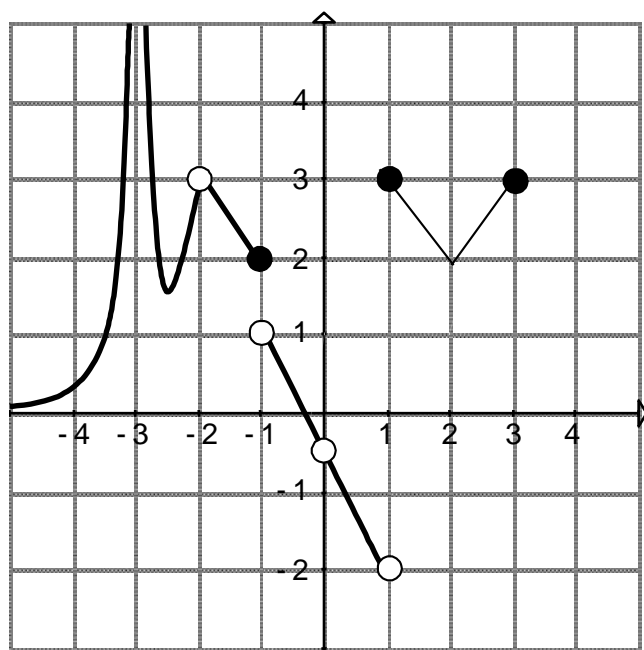
a) Analyser sa forme de l'indétermination.

Réponse :

B) Calculer algébriquement la limite.

Question #16 : (1point)

À partir de la représentation graphique de la fonction ci-dessous, identifier tous les points de discontinuité de la fonction.



Réponse :

Question #17 : (1point)

Soit la fonction : $f(x) = \begin{cases} x^2 - 1 & \text{si } x \leq 1 \\ \frac{2-x}{3x} & \text{si } 1 < x \leq 2 \\ \sqrt{x-2} & \text{si } x > 2 \end{cases}$.

Réponse :

a) Analyser si la fonction est continue en $x = 2$. Justifier à l'aide d'une brève démarche.

Réponse :

b) Analyser si la fonction est continue en $x = -1$. Justifier à l'aide d'une brève démarche.

Question #18 : (2 point)

Soit la fonction $f(x) = \frac{1}{27x^4 - 45x^3 - 93x^2 + 185x - 50}$, $x \in \mathbb{R}$.

Réponse :

Analyser la continuité de $f(x)$ sur l'intervalle $] -1, 1[$ à l'aide du théorème de la valeur intermédiaire.

Question #19 : (1 point)

Soit la fonction $f(x) = 2x^2 - 7x + 4$, $x \in \mathbb{R}$.

Calculer : $\frac{\Delta y}{\Delta x}$.

Réponse :

Question #20: (1 point)

La position x , en fonction du temps t , d'un objet lancé verticalement vers le haut, est donnée par

$x(t) = -5t^2 + 15t + 22$, où t est en secondes et x en mètres.

Réponse :

Déterminer la vitesse moyenne de l'objet après 2 secondes du lancement, en prenant en considération le moment initial $t = 0$.